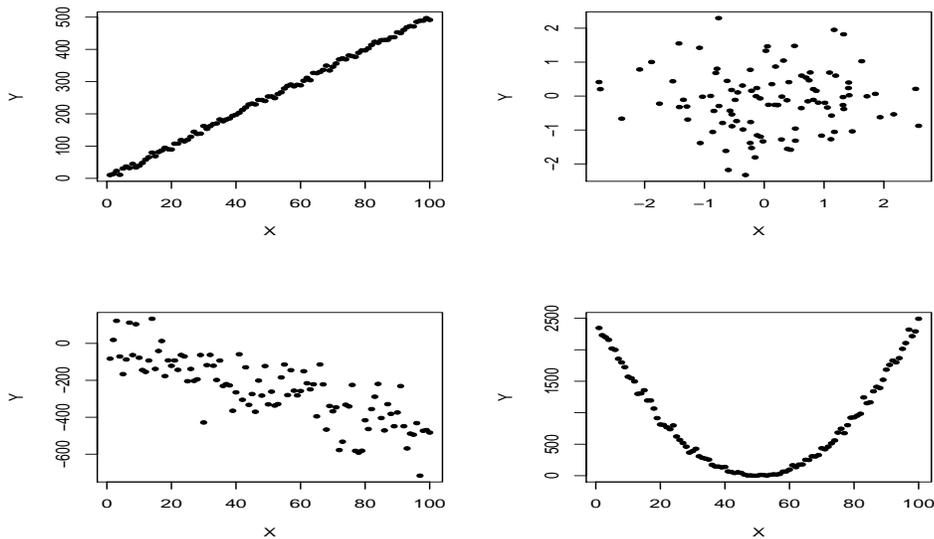


# 1 Aufgabe: Allgemeines zur Korrelation

## (a) Plots und Korrelation



Die obigen Plots beschreiben Realisierungen von Zufallsvariablen  $X$  und  $Y$ . Geben Sie für jeden der Plots an, ob die Zufallsvariablen positiv, negativ korreliert oder unkorreliert sind. Welcher Plot deutet auf eine besonders starke Korrelation zwischen  $X$  und  $Y$  hin?

## (b) Korrelation zwischen $X$ und $X^2$

Gegeben sei eine beliebige Zufallsgröße mit  $E(X) = 0$ . Berechnen Sie die Korrelation zwischen  $X$  und  $X^2$ .

# 2 Aufgabe: Zusammenhang Glück und Geld

Ein möglicherweise wichtiger Einfluß auf das menschliche Glücksempfinden ist die Ausstattung mit materiellen Gütern. In der folgenden Tabelle finden Sie Daten zu der Selbsteinschätzung der Deutschen, wie glücklich sie sind und dem Wirtschaftswachstum. Die angegebenen Werte beginnen im Jahre 1975 im zwei Jahresrhythmus; Skalierung erfolgt auf Basis des Jahres 1973 als 100%.

Jahr	1975	1977	1979	1981	1983	1985	1987
Wirtschaftswachstum	101	108	113	118	117	125	130
Glück	97	101	104	104	95	103	107
Jahr	1989	1991	1993	1995	1997	1999	2001
Wirtschaftswachstum	136	133	140	142	144	148	154
Glück	110	106	104	103	90	95	101

- Berechnen Sie den Korrelationskoeffizienten zwischen Glück und Wirtschaftswachstum.
- Testen Sie auf zwei verschiedene Weisen (Stichwort: Fisher-Transformation), ob der Korrelationskoeffizient von Null verschieden ist.

### 3 Aufgabe: Zusammenhang Alter und Genexpression

Eine interessante Frage ist, wie sich im Alter die Genregulation verändert. In der folgenden Tabelle finden Sie die Daten zu Alter und der Genexpression eines Gens, das vermutlich mit der Apoptose verknüpft ist.

Proband	Alter	Expression
1	29	7,8
2	32	6,7
3	45	5,8
4	33	6,0
5	69	2,3
6	34	6,1
7	55	3,6
8	47	3,0
9	42	4,6

- Berechnen Sie den (Pearson) Korrelationskoeffizienten zwischen Alter und Genexpression.
- Berechnen Sie den (Spearman) Korrelationskoeffizienten zwischen Alter und Genexpression.
- Testen Sie, ob der Korrelationskoeffizient von Null verschieden ist.

Übungsleiter:  
 Bernd Klaus (Dipl. Wi-Math) Mail: [bernd.klaus@uni-leipzig.de](mailto:bernd.klaus@uni-leipzig.de)  
 Verena Zuber (M.Sc.) Mail: [vzuber@uni-leipzig.de](mailto:vzuber@uni-leipzig.de)